



## بررسی رفتار مواد نیمه ترد بر اساس تئوری اندوکرونیک

محمد تقی کاظمی<sup>۱</sup>، جلال صالحی مبین<sup>۲</sup>

۱- دانشکده مهندسی عمران، دانشگاه صنعتی شریف

jsalehy@yahoo.com

### خلاصه

در تئوری اندوکرونیک روابط ساختاری بر اساس قوانین ترمودینامیک و برگشت‌ناپذیری تغییرشکل‌های خمیری بدست می‌آید. مدل‌های موجود توانایی در نظر گیری رفتار مهم بتن مانند سخت‌شوندگی، هیسترسی و اندرکنش تنش برشی- حجمی را دارند ولی عدم در نظر گیری آسیب‌دیدگی سبب ناهمخواهی رفتار بتن و نتایج مدل تحت بارهای سیکلی می‌شود. مدل اندوکرونیک با وارد کردن پارامتر آسیب تعمیم داده شده و تجزیه و تحلیل رفتار بتن در مسیرهای مختلف تنش و کرنش و بارگذاری سیکلی با نتایج آزمایشگاهی موجود مورد مقایسه قرار گرفته است. نتایج نشان دهنده آن است که این مدل قابلیت مناسبی جهت پیش‌بینی رفتار بتن دارد.

کلمات کلیدی: تئوری اندوکرونیک، مواد نیمه ترد، فضای کرنش، زمان ذاتی، پارامتر آسیب.

### مقدمه

از دیدگاه یک مدل ساختاری، بتن جزو مواد با رفتار پیچیده است که تعیین روابط ساختاری آن تحت مسیرهای بارگذاری گوناگون محققین زیادی را به خود مشغول کرده است. در سالهای اخیر مدل‌های ساختاری غیرخطی گوناگونی برای تشریح رفتار بتن شده بوده آمده است که از آن جمله می‌توان به از انواع مدل‌های پلاستیسیته اندوکرونیک یاد کرد. این مدل اولین بار توسط والانس و برای فلات ارائه شد [1,2]. بازالت و همکارانش با وارد کردن وابستگی پارامتر مقیاس زمان درونی به فشار هیدرولاستاتیک، فرمولیندی اولیه تئوری اندوکرونیک را که مناسب توصیف رفتار فلاتات بود را برای مواد نیمه ترد مانند بتن، خاک و شن توسعه دادند [3,4]. در کارهای ساخته شده تئوری اندوکرونیک را در فضای کرنش تولید کنند، بیان شد. اگرچه در الاستیک که به صورت مکان هندسی همه نموهای کرنش که مقدار نمو کرنش غیر الاستیک یکسانی را در فضای کرنش تولید کنند، بیان شد. اگرچه در مدل‌های توسعه داده شده اثر تغییرشکل‌های حجمی غیر الاستیک منظور گردید ولی به علت آنکه استفاده از کرنش کل در روابط ساختاری، قوانین ترمودینامیک را نقض می‌کرد، سبب شد توسعه فرمولیندی بعدی تئوری اندوکرونیک، مناسب توصیف رفتار مواد نیمه ترد توسط والانس صورت گیرد که در آن فقط قسمت غیر الاستیک کرنش به کار رفته بود [5]. تئوری اندوکرونیک ارائه شده توسط والانس مدلسازی رفتار غیرخطی بتن در محدوده‌ای از تنشها که ترکهای مهمی در آن رخ ندهد را بیان می‌کند. این تئوری به صورت همسانگرد و مستقل از نرخ کرنش می‌باشد. هرچند مدل ارائه شده توانایی در نظر گیری پدیده‌های رفتاری مهم بتن را دارد، ولی نمی‌تواند مواردی چون رفتار بتن تحت بارهای سیکلی را در نظر بگیرد، در مطالعه حاضر ضمن معرفی روابط پایه این تئوری، با استفاده از پارامتر آسیب مناسب و لحاظ کردن آن در روابط موجود، این تئوری تعمیم داده خواهد شد و با بررسی چندین نمونه دقت آن کنترل می‌گردد.

### روابط پایه تئوری پلاستیسیته اندوکرونیک

در این بخش روابط پایه مدل تئوری اندوکرونیک که بر مبنای برگشت‌ناپذیری ترمودینامیکی متغیرهای داخلی تدوین شده بیان می‌گردد. مدل ارائه شده برای حالت همسانگرد و مستقل از نرخ کرنش می‌باشد. این مدل تاثیر متقابل تنشهای برشی- حجمی، تاثیر فشار هیدرولاستاتیکی بر پاسخ برشی، سخت شوندگی و وابستگی به مسیر تنش را در نظر می‌گیرد. برای حالت تغییر شکل‌های هم دما، روابط حاکم بر مدل اندوکرونیک به صورت زیر بیان می‌شوند [5]:

<sup>۱</sup> دانشیار دانشکده عمران دانشگاه صنعتی شریف

<sup>۲</sup> دانشجوی دکتری سازه و زلزله دانشکده عمران دانشگاه صنعتی شریف