

# بهینه سازی پورتفولیو<sup>۱</sup> با استفاده از تئوری مارتینگل<sup>۲</sup> : نظریه و کاربرد آن در اقتصاد و مدیریت مهدی فراهانی علی مهدیلوی تازه کندی

Farahani144@gmail.com

مدرس حوزه و دانشگاه و دانشجوی دکتری دانشکده اقتصاد دانشگاه شیراز

دانش آموخته کارشناسی ارشد مدیریت بازارگانی دانشگاه شهید بهشتی و دانشجوی کارشناسی ارشد مدیریت دولتی دانشگاه

Abmahdilo2006@gmail.com

علامه طباطبایی

پورتفولیو اصطلاحی است که به مجموعه ای از دارایی ها اطلاق میشود که با توجه به هدفی خاص انتخاب شده اند به عبارت دیگر پورتفولیو مجموعه ای است که قابلیت انتخاب شدن دارد و با توجه به قیود و محدودیت ها و... تابع هدفی را دنبال و آن را بهینه مینماید. مارتینگل در معقوله انتخاب پورتفولیو بهینه، به این مفهوم است که اگر فرایند تصادفی داشته باشیم، که این فرایند از دو جراء تشکیل شده باشد، (بخش اول مربوط به دادهای دوره قبل و بخش دوم تصادفی) در این صورت در یک بازار کارا انتظار خواهیم داشت که قیمت فردا معادل قیمت امروز باشد، به عبارتی بهترین پیش بینی برای قیمت فردا قیمت امروز است. در این مقاله بر اساس نظریه مارتینگل در ۲ فاز دارایی های ریسکی<sup>۳</sup> و بدون ریسک<sup>۴</sup> و با بهره گیری از توابع ریسگ گریزی ثابت(CRRA)<sup>۵</sup> و تئوری انتظارات عقلایی<sup>۶</sup> و با استفاده از فرآیندهای مارتینگل و گام های تصادفی<sup>۷</sup> به بیان روشهای بهینه سازی<sup>۸</sup> سبد سرمایه پرداخته شده است.

به عبارتی با معرفی توابع HARA<sup>۹</sup> به معرفی تابع بهینه مصرف بین دوره ای و همچنین تئوری مارتینگل به ارتباط بین قیمت سهام و پورتفولیو بهینه پرداخته شده است. در این راستا با ترکیب تابع ریسک گریزی نسبی ثابت با نظریه مارتینگل و انتظارات عقلایی و بهره گیری از معادله اولر<sup>۱۰</sup> و در نهایت با معرفی روش GMM<sup>۱۱</sup> و همچنین روش های آزمون های فرضیه مارتینگل سعی شده به بیان روشهای بهینه سازی<sup>۱۲</sup> سبد سرمایه پرداخته شده است.

وازگان کلیدی: بهینه سازی پورتفولیو، تئوری مارتینگل، ریسگ گریزی ثابت

---

<sup>1</sup> Portfolio

<sup>2</sup> Martingale Theory

<sup>3</sup> Risky

<sup>4</sup> Free Risk

<sup>5</sup> Constant Relative Risk Aversion

<sup>6</sup> Rational Expectation

<sup>7</sup> Random Walk

<sup>8</sup> Optimization

<sup>9</sup> Hyperbolic Absolute Risk

<sup>10</sup> Euler Equation

<sup>11</sup> Generalized Method Of Moment

<sup>12</sup> Optimization