



استفاده از روش نقاط محدود در حل معادلات حاکم بر صفحات خمی

میریم بیطرف، دانشجوی کارشناسی ارشد، دانشکده عمران، دانشگاه تهران*

سهیل محمدی، استادیار دانشکده عمران، دانشگاه تهران**

* تلفن: ۰۹۱۲-۳۸۴۱۵۱۷، پست الکترونیکی: mrybitara@yahoo.com

** تلفن: ۰۲۱-۶۱۱۱۲۲۵۸، نماپر: ۰۲۱-۶۶۴۰۳۸۰۸، پست الکترونیکی: smoham@ut.ac.ir

چکیده

در این مقاله روش بدون المان نقاط محدود برای حل مسائل صفحات خمی توسعه داده شده است. همچنین کارایی روش در حل چند مساله دیفرانسیلی با مشتقات جزئی مورد بررسی قرار گرفته است. اثر انتخاب توابع وزنی در روش درونیابی حداقل مربعات متغیر (MLS) روی دقت نتایج بررسی شده و رابطه بین تعداد نقاط در هر زیر دامنه و پارامترهای تابع وزنی بدست آمده است. در آخر چند مساله در مورد صفحات خمی با استفاده از روش نقاط محدود حل شده و نتایج آن با جواب دقیق مقایسه گردیده است.

کلید واژه: روش نقاط محدود، صفحات خمی، روش‌های بدون المان

۱- مقدمه

امروزه روش اجزا محدود [۱] بعنوان ابزاری قدرتمند برای حل معادلات دیفرانسیل با مشتقات جزئی بکار می‌رود، ولی بدليل پرهزینه و مشکل بودن ایجاد المان‌بندی سازگار به خصوص در حالت سه‌بعدی و عدم پیوستگی در مشتقات متغیرها، توجه محققین در دهه اخیر به روش‌های بدون المان جلب شده است. مهمترین ویژگی روش‌های بدون المان، عدم نیاز آنها به تولید شبکه‌ای از المان (مشبندی) می‌باشد. روش بدون المان گالرکین EFG [۲] که از شبکه کمکی روی دامنه کلی برای انتگرال‌گیری استفاده می‌کند، روش MLPG که از شبکه کمکی روی دامنه محلی برای انتگرال‌گیری استفاده می‌کند [۳] و روش ذرات SPH [۴] از جمله روش‌های بدون المان می‌باشند.

یکی از جدیدترین روش‌های بدون المان، روش نقاط محدود است که در سال ۱۹۹۶ توسط اوپیاته و همکارانش ارائه گردید [۵]. از ویژگیهای اصلی این روش ارضای مستقیم معادلات دیفرانسیل در نقاط گرهی می‌باشد. در این روش برای درونیابی از روش حداقل مربعات وزنی (WLS) یا حداقل مربعات متغیر (MLS) استفاده می‌شود. مزیت روش نقاط محدود، نسبت به روش اجزا محدود، عدم نیاز آن به